

麻布大学 2024 第Ⅱ期

1 【麻布大学 2024年度 第Ⅱ期】大問1

- (1) $x, y > 0$ とする。関数 $y = \left(x + \frac{3}{y}\right)\left(y + \frac{3}{x}\right)$ の最小値は である。
- (2) $-\frac{\pi}{2} < \theta < \frac{\pi}{2}$ である θ について $\sin \theta + \cos \theta = \frac{\sqrt{2}}{3}$ が成り立つとき、 $\sin \theta - \cos \theta = \frac{\text{}}{\text{}}$ である。
- (3) k を定数とする。 x の整式 $x^2 - 2y^2 + xy + kx + 2y + 4$ が、 x, y についての2つの1次式の積に因数分解される
とき、 k の値は または である。
- (4) $\vec{a} = (-5, 7)$, $\vec{b} = (6, -4)$, $\vec{c} = (21, 19)$ とする。 $\vec{c} = m\vec{a} + n\vec{b}$ を満たす実数 m, n は、
 $m = \text{}$, $n = \text{}$ である。
- (5) 2直線 $\ell_1: kx - y + 4k + 5 = 0$, $\ell_2: -3x + (2k - 1)y - 5 = 0$ がある。直線 ℓ_1 は定数 k の値によらず、定点
 $(\text{}, \text{})$ を通る。また、2直線 ℓ_1, ℓ_2 が平行になるときの k の値は、 または である。
- (6) 6冊の同じ種類のノートを A, B, C の3人に配布する。1冊も配布されない人がいてよいとすると、配り方は
全部で 通りある。

2 【麻布大学 2024年度 第Ⅱ期】大問2

半径 $\sqrt{14}$ の円 C において、長さ $\sqrt{42}$ の弦 AB をとる。さらに、 AB を底辺の一つとする $AD = BC$ の台形 $ABCD$ を考える。ただし、台形 $ABCD$ は円 C に内接し、 C の中心 O をその内部に含むとする。もう一つの底辺 DC の長さが $\sqrt{14}$ であるとき、次の問いに答えよ。

- (1) $\angle ADB = \text{}^\circ$, $\angle CAB = \text{}^\circ$ である。
- (2) $DA = \text{}\sqrt{\text{}}$, $BD = \sqrt{\text{}} + \sqrt{\text{}}$ である。
- (3) 等脚台形 $ABCD$ の面積は、 $(\text{} + \sqrt{\text{}})$ である。

麻布大学 2024 第Ⅱ期

3 【麻布大学 2024年度 第Ⅱ期】大問3

1 から 9 までの相異なる整数 $a, b, c, d, e, f, g, h, i$ を右図のように配置した。横に並ぶ 3 つの数の和 $a+b+c, d+e+f, g+h+i$ がすべて一定値 A であり、縦に並ぶ 3 つの数の和 $a+d+g, b+e+h, c+f+i$ および対角線上にある数の和 $a+e+i, c+e+g$ もすべて A であるとき、次の問いに答えよ。

a	b	c
d	e	f
g	h	i

- (1) $A = \square$, $e = \square$ である。
- (2) $a > c, b = 1$ のとき, $a = \square, c = \square, d = \square, f = \square, g = \square, h = \square, i = \square$ である。
- (3) $c < g, f + h = 4$ のとき,
 $a = \square, b = \square, c = \square, d = \square, f = \square, g = \square, h = \square, i = \square$ である。

4 【麻布大学 2024年度 第Ⅱ期】大問4

p を実数とする。2 つの関数 $f(x) = -x^2 + 3x + 2, g(x) = x^2 - (4p - 3)x + 4p^2 - 4p - 2$ について

- (1) $p = 2$ のとき, 曲線 $y = f(x)$ と $y = g(x)$ は点 (\square, \square) に関して点対称である。
- (2) 2 つの曲線 $y = f(x)$ と $y = g(x)$ が相異なる 2 点で交わるような p の値の範囲は,
 $\square - \sqrt{\square} < p < \square + \sqrt{\square}$ である。
- (3) 2 つの曲線が囲む部分の面積は, $p = \square$ のとき最大値 $\square\sqrt{\square}$ をとる。