

日本大学 2022 年度 A2

1 【日本大学 2022 年度 第Ⅱ期】大問 1

次の問い合わせに答えなさい。

(1) 連立不等式 $\begin{cases} 4x^2 - 16x + 15 > 0 \\ 3x > 7 \end{cases}$ を解くと, $x > \frac{\boxed{}}{\boxed{}}$ である。

(2) 三角形 ABC が $AB = 4$, $BC = 3$, $\angle B = 45^\circ$ を満たすとき, その面積は $\boxed{}\sqrt{\boxed{}}$ である。

(3) 不定方程式 $13m + 11n = 2$ を満たす整数 m , n の組を考える。 m が 2 行の自然数で最大のとき,
 $m = \boxed{}$ である。

(4) $0 \leq \theta < 2\pi$ とする。 θ が不等式 $\sin \theta - \sqrt{3} \cos \theta > 1$ を満たすとき, θ のとり得る値の範囲は

$\frac{\boxed{}}{\boxed{}} \pi < \theta < \frac{\boxed{}}{\boxed{}} \pi$ である。

2 【日本大学 2022 年度 第Ⅱ期】大問 2

次の問い合わせに答えなさい。

(1) $r \neq 1$ とする。初項 1, 公比 r の等比数列 $\{a_n\}$ の 3 つの項 a_1 , a_2 , a_4 がこの順で等差数列になるとき,

$r = \frac{-\boxed{} \pm \sqrt{\boxed{}}}{\boxed{}}$ である。

(2) $\log_{25} 8^{\log_4 5} = \frac{\boxed{}}{\boxed{}}$

(3) 直線 $y = 2x - 9$ を ℓ とし, 円 $x^2 + y^2 - 2x - 6y - 17 = 0$ の中心を通り, ℓ と直交する直線を m とする。 ℓ と m の交点を H, m と円の交点を A, B とするとき, $|AH - BH| = \boxed{}\sqrt{\boxed{}}$ である。

(4) 関数 $f(x) = 3x^3 - 9x^2 + 8x - 2$ の極大値は $\frac{\boxed{}}{\boxed{}}$ である。

日本大学 2022 年度 A2

3 【日本大学 2022 年度 第Ⅱ期】大問 3

放物線 $y=x^2$ 上の点 P を通り、 P における接線と直交する直線を、この放物線の点 P における法線とよぶ。

(1) この放物線上の点 $(-3, 9)$ における法線の傾きは $\frac{\boxed{}}{\boxed{}}$ である。

(2) $0 < a < b$ とする。この放物線上の点 $A(a, a^2)$ における法線と、点 $B(b, b^2)$ における法線が点 $C\left(-3, \frac{15}{4}\right)$ で交わるとき、 $a = \frac{\boxed{}}{\boxed{}}$, $b = \frac{\boxed{}}{\boxed{}}$ である。

(3) (2) のとき、2つの線分 AC, BC と曲線 $y=x^2$ ($a \leq x \leq b$) で囲まれた部分の面積は $\frac{\boxed{}}{\boxed{}}$ である。

4 【日本大学 2022 年度 第Ⅱ期】大問 4

s, t は実数とし、点 O を原点とする座標空間における 4 つのベクトルを $\vec{a}=(-4, -1, -2)$, $\vec{b}=(-5, 2, 3)$, $\vec{v}=(1, 1, 1)$, $\vec{w}=(2, 0, -2)$ とする。 $\vec{a}, \vec{b}, \vec{a}+s\vec{v}, \vec{b}+t\vec{w}$ を位置ベクトルとする点をそれぞれ A, B, C, D とする。次の問いに答えなさい。

(1) $\vec{v} \cdot \vec{w} = \boxed{}$, $|\vec{w}| = \boxed{} \sqrt{\boxed{}}$

(2) 線分 CD の長さが最小になるとき、 s の値は $\frac{\boxed{}}{\boxed{}}$, t の値は $\frac{\boxed{}}{\boxed{}}$ である。

(3) (2) のとき、四面体 ABCD の体積は $\frac{\boxed{}}{\boxed{}}$ である。

5 【日本大学 2022 年度 第Ⅱ期】大問 5

赤玉 n 個、白玉 n 個が入っている袋から 1 個ずつすべての玉を取り出す。このとき、赤玉が 2 個続けて取り出されない確率を P_n とする。次の問いに答えなさい。

(1) $P_2 = \frac{\boxed{}}{\boxed{}}$

(2) $P_3 = \frac{\boxed{}}{\boxed{}}$

(3) $\frac{P_5}{P_4} = \frac{\boxed{}}{\boxed{}}$