

- 1 変量 x についてのデータの値が、10 個の値 x_1, x_2, \dots, x_{10} であるとする。ただし、 x_1, x_2, \dots, x_{10} は 1 か -1 のいずれかである。次の問いに答えよ。
- (1) x_1, x_2, \dots, x_{10} のうち、1 の個数が 6 個、 -1 の個数が 4 個であるとする。このとき、このデータの平均値 \bar{x} および分散 s^2 を求めよ。
 - (2) x_1, x_2, \dots, x_{10} のうち、1 の個数が n 個、 -1 の個数が $(10-n)$ 個であるとする。このとき、このデータの平均値 \bar{x} および分散 s^2 を n を用いて表せ。
 - (3) x_1, x_2, \dots, x_{10} の分散 s^2 のとりうる値の最大値と最小値を求めよ。
- 2 直線 g は原点を通り傾きが正であるとする。また、放物線 C は原点を頂点にもち下に凸であるとする。直線 g と放物線 C の交点のうち、第 1 象限にある点を P とする。次の問いに答えよ。
- (1) 直線 g の傾きが 1 であり、放物線 C の方程式が $y=2x^2$ であるとき、点 P の座標を求めよ。
 - (2) 放物線 C の方程式が $y=2\sqrt{3}x^2$ であり、点 P が単位円の周上にあるとき、直線 g の傾きを求めよ。
 - (3) 直線 g と放物線 C で囲まれる部分の面積を S とする。点 P が単位円の周上にあるとき、面積 S のとりうる値の範囲を求めよ。
- 3 次の問いに答えよ。
- (1) 不等式 $|x+2| \leq 1$ を解け。
 - (2) 2 つの集合 A, B を

$$A = \{x \mid x \text{ は } 2 < |x| \leq 5 \text{ を満たす実数}\},$$

$$B = \{x \mid x \text{ は } -3 \leq x < 1 \text{ を満たす実数}\}$$
 とする。このとき、共通部分 $A \cap B$ を求めよ。
 - (3) k は正の定数とする。2 つの集合 A, B を

$$A = \{x \mid x \text{ は } x^2 + x - 12 \leq 0 \text{ を満たす実数}\},$$

$$B = \{x \mid x \text{ は } \sqrt{x^2 + 4x + 4} \leq k \text{ を満たす実数}\}$$
 とする。 $B \subset A$ であるとき、 k のとりうる値の範囲を求めよ。
- 4 平行四辺形 $ABCD$ を底面とする四角錐 $OABCD$ において、辺 OD の中点を P 、線分 BP を $3:1$ に内分する点を Q とし、点 R を辺 OC 上にとる。 $\overrightarrow{OA} = \vec{a}$ 、 $\overrightarrow{OB} = \vec{b}$ 、 $\overrightarrow{OC} = \vec{c}$ とするとき、次の問いに答えよ。
- (1) \overrightarrow{OD} を $\vec{a}, \vec{b}, \vec{c}$ を用いて表せ。
 - (2) \overrightarrow{OQ} を $\vec{a}, \vec{b}, \vec{c}$ を用いて表せ。
 - (3) 線分 BP と線分 AR が交わる時、 \overrightarrow{OR} を \vec{c} を用いて表せ。

5 放物線 $y=x^2$ を C_1 とする。また、 p と q は実数とし、放物線 $y=-x^2$ を x 軸方向に p 、 y 軸方向に q だけ平行移動した放物線を C_2 とする。次の問いに答えよ。

(1) C_2 の方程式を求めよ。

(2) C_1 と C_2 が異なる 2 点を共有するような p 、 q の条件を求めよ。

(3) C_1 と C_2 が異なる 2 点を共有するとき、 C_1 と C_2 で囲まれた部分の面積が $\frac{1}{3}$ となるような p 、 q の条件を求めよ。

(4) p 、 q が (3) の条件を満たすとき、 C_1 と C_2 の 2 つの共有点の中点 M の軌跡を求めよ。