

1 次の問いに答えよ。

- (1) $|\vec{a}|=2$, $|\vec{b}|=4$, $|\vec{a}+\vec{b}|=4$ のとき, $|2\vec{a}-\vec{b}|$ を求めよ。
- (2) $\vec{a}=(\sqrt{6}, 2)$ のとき, \vec{a} に垂直で大きさが $\sqrt{5}$ のベクトル \vec{b} を求めよ。
- (3) $\vec{a}=(4, 3)$, $\vec{b}=(t+3, t)$, $\vec{c}=(1, 3)$ とする。 $\vec{a}+\vec{b}$ と $4\vec{a}-\vec{c}$ が平行のとき, t の値を求めよ。

2 数列 $\{a_n\}$ は

$$\tan(a_{3k-2})=1, \tan(a_{3k-1})=2, \tan(a_{3k})=3 \quad (k=1, 2, 3, \dots)$$

を満たす。ただし, $-\frac{\pi}{2} < a_n < \frac{\pi}{2}$ とする。この数列 $\{a_n\}$ の初項から第 n 項までの和を S_n とするとき, 次の問いに答えよ。

- (1) a_1, a_4 を求めよ。
- (2) $\tan S_2$ を求めよ。ただし, $\tan S_2$ が定義できない場合は「定義できない」と解答すること。
- (3) S_{100} を求めよ。

3 曲線 $y=f(x)$ 上の各点 (x, y) における接線の傾きは, $g(x)=3x^2-8x+4$ で表されるとする。このとき, 次の問いに答えよ。

- (1) 方程式 $g(x)=0$ を解け。
- (2) 関数 $y=f(x)$ が 5 を極小値としてとるとき, $f(x)$ を求めよ。
- (3) 関数 $y=f(x)$ のグラフが点 $(1, a)$ を通るとする。方程式 $f(x)=0$ が異なる 3 個の実数解をもつような定数 a の値の範囲を求めよ。

4 直線 $4x+4y-3=0$ を ℓ とし, $0 \leq t \leq 2\pi$ を満たす実数 t に対して, 放物線 $y=x^2$ を x 軸方向に $\cos t$, y 軸方向に $\sin t$ だけ平行移動した曲線を C_t で表す。このとき, 次の問いに答えよ。

- (1) C_t の方程式を求めよ。
- (2) C_t と ℓ の共有点の個数を求めよ。
- (3) C_t と ℓ が 2 点を共有するとき, これら 2 点間の距離を d で表す。 d^2 の最大値を求めよ。

5 座標平面上で, x, y の連立不等式

$$\begin{cases} x^2 + y^2 \leq 1 \\ (x-1)^2 + (y-1)^2 \leq 1 \end{cases}$$

で表される領域を D とする。このとき, 次の問いに答えよ。

- (1) D を図示せよ。
- (2) 点 $P(x, y)$ が領域 D を動くとき, $\sqrt{3}x + y$ の最大値と最小値を求めよ。
- (3) 点 $P(x, y)$ が領域 D を動くとき, xy の最大値と最小値を求めよ。